

Nevezetes diszkrét eloszlások:

| Eloszlás neve | értékkészlet | eloszlás | várható érték | szórásnégyzet | módusz* |
|--|----------------------------|--|----------------|---------------------------------|---|
| Indikátor ($0 < p < 1$ paraméterű) | $\{0, 1\}$ | $\begin{cases} 1-p & \text{ha } k=0 \\ p & \text{ha } k=1 \end{cases}$ | p | $p(1-p)$ | $[2p]$ |
| Binomiális ($0 \leq n$ rendű, $0 < p < 1$ paraméterű) | $\{0, \dots, n\}$ | $\binom{n}{k} p^k (1-p)^{n-k}$ | np | $np(1-p)$ | $[(n+1)p]$ |
| Hipergeometrikus ($2 \leq N, 0 \leq M \leq N, 0 \leq n \leq N$) | $\{0, \dots, \min(M, n)\}$ | $\frac{\binom{M}{k} \binom{N-M}{n-k}}{\binom{N}{n}}$ | $\frac{nM}{N}$ | $\frac{nM(N-M)(N-n)}{N^2(N-1)}$ | $\left[\frac{(n+1)(M+1)}{N+2} \right]$ |
| Poisson ($\lambda > 0$ paraméterű) | $\{0, 1, 2, \dots\}$ | $\frac{\lambda^k}{k!} e^{-\lambda}$ | λ | λ | $[\lambda]$ |
| Geometriai ($0 < p < 1$ paraméterű) | $\{1, 2, 3, \dots\}$ | $(1-p)^{k-1} p$ | $\frac{1}{p}$ | $\frac{1-p}{p^2}$ | 1 |
| Negatív binomiális ($1 \leq r$ rendű, $0 < p < 1$ paraméterű) | $\{r, r+1, r+2, \dots\}$ | $\binom{k-1}{r-1} (1-p)^{k-r} p^r$ | $\frac{r}{p}$ | $r \frac{1-p}{p^2}$ | $\left[\frac{r+p-1}{p} \right]$ |

* Ha az az érték, aminek az egészrészét képezzük, már egész, akkor az 1-gyel kisebb szám is jó.

A várható érték, kovariancia, szórás és korreláció definíciója és alapvető tulajdonságai:

$$E(X) = \sum_{i=1}^n x_i p_i \quad E(X+c) = E(X) + c \quad E(aX) = aE(X) \quad E(X+Y) = E(X) + E(Y)$$

$$X \leq Y \text{ esetén } E(X) \leq E(Y)$$

$$\text{cov}(X, Y) = E((X - E(X))(Y - E(Y))) = E(XY) - E(X)E(Y) \quad \text{cov}(X, Y) = \text{cov}(Y, X)$$

$$\text{cov}(aX, Y) = a \text{cov}(X, Y) \quad \text{cov}(X+c, Y) = \text{cov}(X, Y) \quad \text{cov}(X+Y, Z) = \text{cov}(X, Z) + \text{cov}(Y, Z)$$

$$D^2(X) = \text{cov}(X, X) = E((X - E(X))^2) = E(X^2) - (E(X))^2$$

$$D(X+c) = D(X) \quad D(aX) = |a|D(X) \quad D^2(X+Y) = D^2(X) + D^2(Y) + 2\text{cov}(X, Y)$$

$$R(X, Y) = \frac{\text{cov}(X, Y)}{D(X)D(Y)} \quad R(aX, Y) = \text{sgn}(a) R(X, Y) \quad R(X+c, Y) = R(X, Y)$$

$$R(X, Y) = R(Y, X) \quad |R(X, Y)| \leq 1 \quad |R(X, Y)| = 1 \text{ pontosan akkor, ha } Y = aX + c$$

Továbbá független X és Y valószínűségi változókra:

$$\text{cov}(X, Y) = 0 \quad R(X, Y) = 0 \quad E(XY) = E(X)E(Y) \quad D^2(X+Y) = D^2(X) + D^2(Y)$$

Ha két valószínűségi változóra ezek bármelyike fennáll, akkor a többi is; ilyenkor korrelálatlannak nevezzük őket. Ebből azonban nem lehet X és Y függetlenségére következtetni.

Nevezetes folytonos eloszlások:

Egyenletes eloszlás az $[a, b]$ intervallumon

$$\text{eloszlásfüggvénye } F(x) = \begin{cases} 0 & \text{ha } x \leq a \\ \frac{x-a}{b-a} & \text{ha } a < x \leq b \\ 1 & \text{ha } b < x \end{cases} \quad \text{sűrűségfüggvénye } f(x) = \begin{cases} \frac{1}{b-a} & \text{ha } a \leq x \leq b \\ 0 & \text{különben} \end{cases}$$

$$\text{várható értéke: } \frac{a+b}{2} \quad \text{szórásnégyzete: } \frac{(b-a)^2}{12} \quad \text{tartója: } [a, b]$$

Normális eloszlás m várható értékkel és σ szórással

eloszlásfüggvénye: konkrét helyeken felvett értékeit táblázatból olvashatjuk ki

$$\text{sűrűségfüggvénye: } f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{(x-m)^2}{2\sigma^2}}$$

$$\text{várható értéke: } m \quad \text{szórásnégyzete: } \sigma^2 \quad \text{tartója: } (-\infty, +\infty)$$

Exponenciális eloszlás λ paraméterrel

$$\text{eloszlásfüggvénye } F(x) = \begin{cases} 1 - e^{-\lambda x} & \text{ha } x > 0 \\ 0 & \text{különben} \end{cases} \quad \text{sűrűségfüggvénye } f(x) = \begin{cases} \lambda e^{-\lambda x} & \text{ha } x \geq 0 \\ 0 & \text{különben} \end{cases}$$

$$\text{várható értéke: } \frac{1}{\lambda} \quad \text{szórásnégyzete: } \frac{1}{\lambda^2} \quad \text{tartója: } [0, +\infty)$$